

## ALIN egzamin – część teoretyczna 06.02.2007

imię nazwisko..... grupa.....

pyt.	1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	9.	10.	11.	12.	13.	14.	15.	T	Ć.	Z	suma	
odp																				
pkt.																				

W rubrykę "odp." należy wpisać dokładnie jedną z liter A, B, C, D lub E w przypadku, gdy żadna z podanych odpowiedzi nie jest prawidłowa. Za każdą prawidłową odpowiedź otrzymuje się 2 pkt., za nieprawidłową lub jej brak 0 pkt. Powodzenia :)

1. Zbiorem rozwiązań równania  $|z - 1|^2 + |z + 1|^2 = 2$  jest **A.** punkt. **B.** prosta. **C.** okrąg. **D.** elipsa.

2. Najmniejsze  $n \in \mathbb{N} \cup \{0\}$  dla którego  $(\sqrt{2} + i\sqrt{6})^n$  jest liczbą niewymierną ujemną to **A.** nie istnieje takie n **B.** 3 **C.** 6 **D.** 12

3. Ułamkiem prostym nad  $\mathcal{Q}$  nie jest: **A.**  $\frac{x}{x^2 + 1}$  **B.**  $\frac{x}{(x^2 + 1)^3}$  **C.**  $\frac{x}{x^2 - 2}$  **D.**  $\frac{\sqrt{2}}{x - 1}$

4. Najmniejszy stopień wielomianu  $w \in C[x]$  dla którego  $w(i) = 2$  oraz  $w(0) = w(-2i) = w(i+1) = 0$  to:

**A.** 3 **B.** 4 **C.** 5 **D.** 6

5. Wektory  $u, v, w$  są liniowo niezależne. Niech  $A = \text{Lin}\{u + w, v\}$  a  $B = \text{Lin}\{u - v + 2w, u + v, w - v\}$ . Wymiar  $A \cap B$  to:

**A.** 3 **B.** 2 **C.** 1 **D.** 0

6. Wektory  $\vec{u} = [-1, 0, -1]$ ,  $\vec{v} = [0, -1, 1]$ ,  $\vec{w} = [1, 0, 0]$ : **A.** są liniowo niezależne, więc tworzą bazę dowolnej przestrzeni trójwymiarowej **B.** Uzupełnione o czwarty wektor liniowo niezależny tworzą bazę  $R^4$  **C.** Układ  $\{\vec{u}, \vec{v}\}$  jest bazą  $R^2$  **D.** układ  $\{u + v, w - v, u + w\}$  jest bazą  $R^3$ .

$V = \{w \in R_3[x] : w'(0) = 1\}$ ,  $W = \{w \in R_2[x] : w(2) = 0\}$ ,

$U = \{w \in R_2[x] : w'''(-1) = 0\}$

7. Przestrzenią wektorową:

**A.** jest W i V **B.** jest V ale nie jest U **C.** nie jest ani W i ani U **D.** nie jest V.

8. **A.**  $W \cup V \subseteq U$  **B.**  $U \cap V = V$  **C.**  $W \cap U = W$  **D.**  $W \cap U = \{0\}$

9. Czy układ czterech równań liniowych z pięcioma niewiadomymi może nie mieć żadnego rozwiązania? Czy może mieć dokładnie jedno rozwiązanie?

**A.** tak tak **B.** nie tak **C.** tak nie **D.** nie nie.

Mamy dane  $A = \begin{pmatrix} t & 1 & -1 \\ 1 & t & 1 \\ -1 & 1 & t \end{pmatrix}$

10. **A.** dla  $t = 2$   $r(A) = 1$  **B.**  $r(A) = 2$  dla  $t = 2$  **C.** macierz  $A$  nie posiada rzędu **D.**  $t = 1$  i  $t = 2$  rzędy macierzy są równe.

11. Układ  $AX = B$  gdzie  $B = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix}$  **A.** dla  $t = 2$  jest sprzeczny **B.** dla  $t = 0$  posiada

rozwiązanie zależne od dwóch parametrów **C.** zawsze posiada rozwiązanie **D.** dla  $t = 2$  posiada rozwiązanie zależne od jednego parametru.

12. Rzut prostokątny punktu  $P = (1,1,1)$  na płaszczyznę  $\pi : x + 2y - z + 3 = 0$  to

**A.**  $\left(\frac{1}{6}, -\frac{4}{6}, \frac{11}{6}\right)$  **B.**  $\left(\frac{1}{6}, \frac{4}{6}, \frac{11}{6}\right)$  **C.**  $(1, -4, 11)$  **D.**  $(1, 2, -1)$

13. Dana jest macierz  $M = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 0 \\ -3 & 0 & 4 \\ -1 & -1 & 3 \end{pmatrix}$  **A.** jeśli  $J$  postać kanoniczna Jordana tej

macierzy to  $J = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$  **B.** 2 jest wartością własną macierzy  $M$  **C.**  $\dim N_1^{(1)} = 2$

**D.**  $\dim(N_3^{(2)} - N_3^{(1)}) = 1$

14. Niech  $\langle \vec{u}, \vec{v} \rangle = [u_1 \quad u_2 \quad u_3] \begin{bmatrix} 2 & -1 & 0 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{bmatrix}$  a wektory  $\vec{u} = (2, 0, -6)$  i

$\vec{u} = (t, -t, t-1)$  **A.**  $\langle \vec{u}, \vec{v} \rangle$  nie jest iloczynem skalarnym **B.**  $\vec{u}$  i  $\vec{v}$  są ortogonalne dla  $t = -6$  **C.** dla  $t = 2$   $\vec{u}$  i  $\vec{v}$  są kolinearne **D.**  $\vec{u}$  i  $\vec{v}$  są liniowo zależne dla pewnego  $t$ .

15. Czy osoba siedząca obok ma takie same pytania: **A.** nie wiem, bo patrzę tylko w swoją pracę **B.** nie, sprawdziłem(a)m, że ma inną grupę **C.** tak, i bardzo się z tego cieszę. **D.** nie wiem, siedzi za daleko.