

Lab 5 Rzuty

5.1. Znaleźć rzut na U wzdłuż W oraz rzut na u wzdłuż W , jeśli

a) $U = L([1, 2, -2, 1]^T, [-1, -1, 0, -2]^T)$, $W = L([1, 2, -1, 1]^T, [-2, -3, 2, -2]^T)$

b) $U = L([4, 2, 1, 2, 1, 2, 3], [5, 3, 1, 2, 3, 4, 5], [1, 2, 1, 3, 2, 2, 1])$

$W = L([4, 3, 0, 1, 2, 3, 4], [3, 2, 0, 0, 1, 2, 3], [2, 1, 0, 0, 0, 1, 2], [5, 2, 1, 2, 1, 2, 4])$

5.2. Operator liniowy F na przestrzeni V ma w bazie $\mathcal{B} = (v_1, v_2, v_3, v_4)$ macierz $M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{B}}(F) =$

$$\begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 & -3 \\ 1 & 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & 1 & -2 \end{bmatrix}. \text{ Znaleźć bazę } \text{Ker}F \text{ i } \text{Im}F. \text{ Czy istnieje rzut } P : V \rightarrow V \text{ taki, że } \text{Ker}P = \text{Ker}F$$

i $\text{Im}P = \text{Im}F$?

Jeśli istnieje to znaleźć takie P .

5.3. Operator liniowy F na przestrzeni V nad ciałem liczb zespolonych \mathcal{C} ma w bazie kanonicznej

$$\mathcal{B} \text{ macierz } M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{B}}(F) = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 4 & 1 & 2 & 3 \\ 3 & 4 & 1 & 2 \\ 2 & 3 & 4 & 1 \end{bmatrix}$$

Sprawdzić, czy wektory $[1, 1, 1, 1]^T, [1, -1, 1, -1]^T, [1, i, -1, -i]^T, [1, -i, -1, i]^T$ są wektorami własnymi operatora. Czy te wektory są niezależne? Jeśli tak to jak wygląda macierz operatora w bazie złożonej z tych wektorów?

5.4. Operator liniowy F na przestrzeni V ma w bazie $\mathcal{B} = (v_1, v_2, v_3, v_4)$ macierz $M_{\mathcal{B}}^{\mathcal{B}}(F) =$

$$\begin{bmatrix} 10 & 20 & 35 & 56 \\ -20 & -45 & -84 & -140 \\ 15 & 36 & 70 & 120 \\ -4 & -10 & -20 & -35 \end{bmatrix} \text{ Znaleźć wartości i wektory własne operatora } F$$